



# Параметричні тести значущості

## Формули

### Параметричні тести значущості - поточна блок-схема

1. Сформулюємо основну гіпотезу  $H_0$  щодо деякого параметра в генеральній сукупності.  
Найпоширенішою формою гіпотези  $H_0 \in parametr = liczba$   
Сформулюємо альтернативну гіпотезу  $H_1$ . Він може приймати форму  
 $parametr \neq liczba$ ,  $parametr > liczba$ ,  $parametr < liczba$ .
2. Розраховуємо відповідну статистику.
3. Створюємо і рисуємо критичну зону (двох або односторонніх залежностей від  $H_1$ )
4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

## I. Тести значущості для одного середнього значення в загальній сукупності з нормальним розподілом

I.a Ми знаємо стандартне відхилення в генеральній сукупності  $\sigma$ .

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m = m_0$$

$$H_1 : m \neq m_0 \text{ або } H_1 : m > m_0 \text{ або } H_1 : m < m_0$$

де  $m$  то середнє значення генеральної сукупності, а  $m_0$  це параметр, який ми вибираємо

2. Розраховуємо статистику:  $Z = \frac{\bar{X} - m_0}{\sigma} \cdot \sqrt{n}$

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (дво або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

I.b Ми не знаємо стандартного відхилення в генеральній сукупності  $\sigma$ , розмір вибірки  $n$  великий.

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m = m_0$$

$$H_1 : m \neq m_0 \text{ або } H_1 : m > m_0 \text{ або } H_1 : m < m_0$$

де  $m$  то середнє значення генеральної сукупності, а  $m_0$  це обране нами значення

2. Розраховуємо статистику:  $Z = \frac{\bar{X} - m_0}{S} \cdot \sqrt{n}$

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (дво або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

**I.с Ми не знаємо стандартного відхилення в генеральній сукупності  $\sigma$ , розмір вибірки  $n$  невеликий.**

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m = m_0$$

$$H_1 : m \neq m_0 \text{ або } H_1 : m > m_0 \text{ або } H_1 : m < m_0$$

де  $m$  то середнє значення генеральної сукупності, а  $m_0$  це обране нами значення

2. Розраховуємо статистику: 
$$t = \frac{\bar{X} - m_0}{S} \sqrt{n-1}$$

3. Ми створюємо та рисуємо критичну область для t-розподілу Стьюдента (в залежності від двох або одностороннього  $H_1$ ) для  $n - 1$  ступенів свободи. Ми пам'ятаємо про подвоєння рівня значущості в односторонніх областях.

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

## **II. Порівняння середніх показників двох нормально розподілених популяцій.**

**II.а Ми знаємо стандартні відхилення в загальних сукупностях  $\sigma_1$  і  $\sigma_2$ .**

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m_1 = m_2$$

$$H_1 : m_1 = m_2 \text{ або } H_1 : m_1 < m_2 \text{ або } H_1 : m_1 > m_2$$

де  $m_1, m_2$  це середнє в двох популяціях

2. Розраховуємо статистику: 
$$Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}}$$

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (двох або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

**II.b Нам не відомі стандартні відхилення в загальних сукупностях  $\sigma_1$  та  $\sigma_2$ , але розміри вибірки  $n_1$  та  $n_2$  є великими.**

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m_1 = m_2$$

$$H_1 : m_1 = m_2 \text{ або } H_1 : m_1 < m_2 \text{ або } H_1 : m_1 > m_2$$

де  $m_1, m_2$  це середнє в двох популяціях

2. Розраховуємо статистику: 
$$Z = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{S_1^2}{n_1} + \frac{S_2^2}{n_2}}}$$

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (двох або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

**II.c Нам не відомі стандартні відхилення в загальних сукупностях  $\sigma_1$  та  $\sigma_2$ , а розміри вибірки  $n_1$  і  $n_2$  малі.**

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : m_1 = m_2$$

$$H_1 : m_1 = m_2 \text{ або } H_1 : m_1 < m_2 \text{ або } H_1 : m_1 > m_2$$

де  $m_1, m_2$  це середнє в двох популяціях

2. Розраховуємо статистику: 
$$t = \frac{\bar{X}_1 - \bar{X}_2}{\sqrt{\frac{n_1 S_1^2 + n_2 S_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \left( \frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2} \right)}}$$

3. Ми створюємо та рисуємо критичну область для  $t$ -розподілу Стюдента (в залежності від  $H_1$  двох або одностороннього) для  $n_1 + n_2 - 2$  ступенів свободи. Ми пам'ятаємо про подвоєння рівня значущості в односторонніх областях.

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

## II. Тести значущості для однієї дисперсії в загальній сукупності з нормальним розподілом

### III.a Розмір вибірки $n$ великий

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : \sigma^2 = \sigma_0^2 \text{ або } H_0 : \sigma = \sigma_0$$

$$H_1 : \sigma^2 > \sigma_0^2 \text{ або } H_1 : \sigma > \sigma_0$$

де  $\sigma^2$  це дисперсія в генеральній сукупності, а  $\sigma_0^2$  це параметр, який ми вибираємо.

2. Розраховуємо статистику:  $Z = \sqrt{2\chi^2} - \sqrt{2n-3}$ , де  $\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma_0^2}$ .

3. Створюємо і малюємо критичну область для нормального (правого) розподілу.

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

### III.b Розмір вибірки $n$ невеликий

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : \sigma^2 = \sigma_0^2 \text{ або } H_0 : \sigma = \sigma_0$$

$$H_1 : \sigma^2 > \sigma_0^2 \text{ або } H_1 : \sigma > \sigma_0$$

де  $\sigma^2$  це дисперсія в генеральній сукупності, а  $\sigma_0^2$  це параметр, який ми вибираємо.

2. Розраховуємо статистику:  $\chi^2 = \frac{nS^2}{\sigma_0^2}$ .

3. Створюємо і малюємо критичну область для розподілу хі-квадрат (правосторонній) зі  $n-1$  ступенями свободи.

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

### III. Порівняння дисперсії двох нормально розподілених популяцій.

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : \sigma_1^2 = \sigma_2^2 \text{ або } H_0 : \sigma_1 = \sigma_2$$

$$H_1 : \sigma_1^2 > \sigma_2^2 \text{ або } H_1 : \sigma_1 > \sigma_2$$

де  $\sigma_1^2$  і  $\sigma_2^2$  – це дисперсії в популяціях, пронумерованих таким чином, що  $\hat{S}_1 > \hat{S}_2$ .

2. Розраховуємо статистику:  $F = \frac{\hat{S}_1^2}{\hat{S}_2^2}$ , для  $\hat{S}_1 > \hat{S}_2$ .

3. Ми створюємо та малюємо критичну область для розподілу Шнедерсона (правостронний) з  $n_1 - 1$  та  $n_2 - 1$  ступенями свободи.

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .

#### IV. Тести значущості для однієї ймовірності (відсотка, частки) у загальній сукупності

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : p = p_0$$

$$H_1 : p \neq p_0 \text{ або } H_1 : p > p_0 \text{ або } H_1 : p < p_0$$

де  $p$  - це відсоток загальній популяції, а  $p_0$  це вибраний нами параметр.

2. Розраховуємо статистику: 
$$Z = \frac{\frac{m}{n} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$

де  $m$  то кількість одиниць у вибірці з перевіреною ознакою, а  $\frac{m}{n}$  це відсоток одиниць у вибірці, які мають цю ознаку.

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (двох або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .



## V. Порівняння двох ймовірностей (відсотків, часток) у двох генеральних сукупностях

1. Формулюємо гіпотезу:

$$H_0 : p_1 = p_2$$

$$H_1 : p_1 \neq p_2 \text{ або } H_1 : p_1 > p_2 \text{ або } H_1 : p_1 < p_2$$

де  $p_1, p_2$  це відсотки в генеральній сукупності.

2. Розраховуємо статистику: 
$$Z = \frac{\frac{m_1}{n_1} - \frac{m_2}{n_2}}{\sqrt{\frac{\frac{m_1 + m_2}{n_1 + n_2} \left( 1 - \frac{m_1 + m_2}{n_1 + n_2} \right)}{\frac{n_1 \cdot n_2}{n_1 + n_2}}}}$$

де  $m_1, m_2$  – кількість одиниць у вибірці з ознакою, що перевіряється, а  $\frac{m_1}{n_1}, \frac{m_2}{n_2}$  –

вибіркові відсотки відповідно.

3. Створюємо та малюємо критичну область для нормального розподілу (обох або односторонній залежно від  $H_1$ )

4. Перевіряємо, чи статистика в критичній області. Якщо так - ми відхиляємо гіпотезу  $H_0$  на користь альтернативної гіпотези  $H_1$ . Якщо ні, ми робимо висновок, що немає підстав для відхилення гіпотези  $H_0$ .