

## Ряд Фур'є

Рядом Фур'є функції  $f(x)$  (періодичної, з довжиною періоду  $T$ ) в границях  $(a, b)$  з довжиною  $T$  називаємо ряд:

$$\frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos \frac{n\pi x}{\frac{T}{2}} + b_n \sin \frac{n\pi x}{\frac{T}{2}}$$

де:

$$a_0 = \frac{1}{\frac{T}{2}} \int_a^b f(x) dx$$

$$a_n = \frac{1}{\frac{T}{2}} \int_a^b f(x) \cos \frac{n\pi x}{\frac{T}{2}} dx$$

$$b_n = \frac{1}{\frac{T}{2}} \int_a^b f(x) \sin \frac{n\pi x}{\frac{T}{2}} dx$$

Якщо функція в границях  $(a, b)$  є періодами монотонними та в ньому має значення щонайбільше скінченна кількість точок розриву першого типу, її ряд Фур'є:

- 1) В її точках безперервності є збіжний до функції  $f(x)$
- 2) В її точках розриву  $x_0$  є збіжний до: 
$$\frac{f(x_0^+) + f(x_0^-)}{2}$$